## 大學入學考試中心 八十九學年度學 科能力 測驗 試題

## 數學考科

—作答注意事項—	—作	答	注	意	事	項	
----------	----	---	---	---	---	---	--

考試時間:100分鐘

題型題數:單一選擇題7題,多重選擇題3題,填充題第A至J題共10題

作答方式: ·用 2B 鉛筆在「答案卡」上作答,修正時應以橡皮擦拭,切勿使用修正液

• 答錯不倒扣

作答說明:在答案卡適當位置選出數值或符號。請仔細閱讀下面的例子。

(一)填答選擇題時,只用1,2,3,4,5等五個格子,而不需要用到-,±,以及6,7,8,9,0等格子。

例: 若第 1 題的選項為(1)3(2)5(3)7(4)9(5)11,而正確的答案為 7,[ 亦即選項(3) ] 時,考生要在答案卡第 1 列的  $\square$  劃記(注意不是 7),如:



例:若多重選擇題第 10 題的正確選項為(1)與(3)時,考生要在答案卡的第 10 列的  $\frac{1}{\Box}$  與  $\frac{3}{\Box}$  劃記,如:

1.0	1	2	3	4	5	6	7	8	9	0	_	±
10												

(二)填充題的題號是 A,B,C,……,而答案的格式每題可能不同,考生必須依各題的格式填答,且每一個列號只能在一個格子劃記。

例:若第 B 題的答案格式是  $\frac{18}{19}$  ,而依題意計算出來的答案是  $\frac{3}{8}$  ,則考生必須分別

在答案卡上的第 18 列的 3 與第 19 列的 8 劃記,如:

例:若第 C 題的答案格式是  $\frac{20}{50}$  ,而答案是  $\frac{-7}{50}$  時,則考生必須分別在答案

卡的第20列的 二 與第21列的 7 劃記,如:

20	1	2	<sup>3</sup>	4	5	6	7	8	9	0		±	
21	1	2	3	4	5	6	7	8	9	0	Ē	±	

※試題後附有參考公式及可能用到的對數值

共 7 頁

第一部分:選擇題

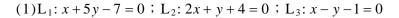
壹、單一選擇題

說明:第1至7題,每題選出最適當的一個選項,標示在答案卡之「解答欄」,每題答對得5分,答錯不倒扣。

1. 有一等腰三角形底邊爲 10,頂角 72°。下列何者可以表示腰長?

- $(1) 5 \cdot \sin 36^{\circ}$
- $(2) 5 \cdot \tan 36^{\circ}$
- $(3) 5 \cdot \cot 36^{\circ}$
- $(4) 5 \cdot \sec 36^{\circ}$
- $(5) 5 \cdot \csc 36^{\circ}$

2. 在坐標平面上,根據方程式 x+5y-7=0, 2x+y+4=0, x-y-1=0畫出三條直線  $L_1, L_2, L_3$ ,如圖所示。試選出方程式與直線間正確的配置?

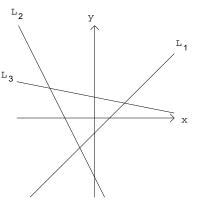


$$(2)L_1: x-y-1=0$$
;  $L_2: x+5y-7=0$ ;  $L_3: 2x+y+4=0$ 

(3)L<sub>1</sub>: 
$$2x + y + 4 = 0$$
; L<sub>2</sub>:  $x + 5y - 7 = 0$ ; L<sub>3</sub>:  $x - y - 1 = 0$ 

$$(4)L_1$$
:  $x - y - 1 = 0$ ;  $L_2$ :  $2x + y + 4 = 0$ ;  $L_3$ :  $x + 5y - 7 = 0$ 

$$(5)L_1: 2x + y + 4 = 0$$
;  $L_2: x - y - 1 = 0$ ;  $L_3: x + 5y - 7 = 0$ 



3. 下列 5 組資料(每組各有 10 筆)

A: 1, 1, 1, 1, 1, 1, 10, 10, 10, 10

C: 4, 4, 4, 5, 5, 5, 5, 6, 6, 6

D: 1, 1, 2, 2, 3, 3, 4, 4, 5, 5

E: 1, 2, 3, 4, 5, 6, 7, 8, 9, 10

試問哪一組資料的標準差最大?

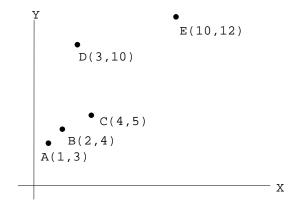
- (1)A
- (2)B
- (3)C
- (4)D
- (5)E

4. 如圖所示有 5 筆(X,Y)資料。試問:去掉哪一筆資料後,剩下來 4 筆資料的相關係數最大?





(5)E



- 5. 假設世界人口自 1980 年起,50 年內每年增長率均固定。已知 1987 年世界人口達 50 億,1999 年第 60 億人誕生在賽拉佛耶。根據這些資料推測 2023 年世界人口數最接近下列哪一個數?
  - (1)75 億
  - (2)80 億
  - (3)86 億
  - (4)92 億
  - (5)100 億
- 6. 在 1999 年 6 月 1 日數學家利用超級電腦驗證出  $2^{6972593}$  -1是一個質數。若想要列印出此質數至少需要多少張 A4 紙?假定每張 A4 紙,可列印出 3000 個數字。在下列選項中,選出最接近的張數。  $[\log_{10} 2 \approx 0.3010]$ 
  - (1)50
  - (2)100
  - (3)200
  - (4)500
  - (5)700

## 共 7 頁

- 7. 設  $P_1$ 表示丟 2 個公正硬幣時,恰好出現 1 個正面的機率, $P_2$ 表示擲 2 個均勻骰子,恰好出現 1 個偶數點的機率, $P_3$ 表示丟 4 個公正硬幣時,恰好出現 2 個正面的機率。試問下列選項何者爲真?
  - $(1)P_1=P_2=P_3$
  - $(2)P_1=P_2>P_3$
  - $(3)P_1=P_3< P_2$
  - $(4)P_1=P_3>P_2$
  - $(5)P_3>P_2>P_1$

## 貳、多重選擇題

說明:第8至10題,每題至少有一個選項是正確的,選出正確選項,標示在答案卡之「解答欄」。每題答對得5分,答錯不倒扣,未答者不給分。只錯一個可獲2.5分,錯兩個或兩個以上不給分。

- 8. 在坐標平面上,以(-1,1),(3,1)爲焦點,且通過點(3,4)畫一雙曲線。 試問此雙曲線也會通過下列哪些點?
  - (1) (1,1)
  - (2) (-1,4)
  - (3) (3, -2)
  - (4) (-1, -2)
  - (5) (3,1)
- 9. <u>阿山</u>家在一條東西向馬路的北方D點處,爲了不同目的,他走到馬路的路線有下列三條:

向南走 a 公尺到 A 點之後,繼續向南走 a 公尺到達馬路; 向東南走 b 公尺到 B 點之後,繼續向南走 b 公尺到達馬路; 向東走 c 公尺到 C 點之後,繼續向南走 c 公尺到達馬路。 根據上述資料,下列選項何者爲真?

- (1)c=2a
- (2)a < b < c
- (3)b= $\sqrt{2}$  a
- (4)A,B,C,D 四點共圓
- (5)A,B,C 三點剛好在以 D 點爲焦點的拋物線上

10. 將行列式

$$\begin{vmatrix} x & 1 & 2 \\ 1 & x & 2 \\ 1 & 2 & x \end{vmatrix}$$

展開得到多項式 f(x)。下列有關 f(x)的敘述,何者爲真?

- (1) f(x)是一個三次多項式
- (2) f(1) = 0
- (3) f(2) = 0
- (4) f(-3) = 0
- (5) f(5) = 0

第二部分:填充題

說明:1.第A至J題,將答案標示在答案卡之「解答欄」所標示的列號 (11-36)。

2.每題完全答對給5分,答錯不倒扣,未完全答對不給分。

- A. 今年(公元 2000 年是閏年)的 1 月 1 日是星期六。試問下一個 1 月 1 日 也是星期六,發生在公元哪一年?答: 2011 12 年。
- B. 將自然數按下列規律排列,每一列比前一列多一個數,如下表所示:

第1列 1

第2列 2,3

第3列 4,5,6

第4列 7,8,9,10

第5列 11,12,13,14,15

. . . | . . .

試問第 100 列第 3 個數是多少?答: 13 14 15 16 。

共 7 頁

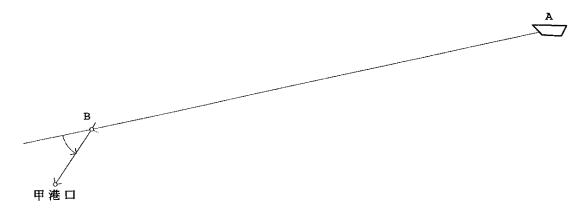
- D. 空間中有一直線 L 與平面 E: x + 2y + 3z = 9垂直。試求通過點(2,-3,4)且 與直線 L 垂直的平面方程式。答: x + 19 y + 20 z = 21 。
- E. 在某海防觀測站的東方 12 海浬處有 A、B 兩艘船相會之後, A 船以每小時 12 海浬的速度往南航行, B 船以每小時 3 海浬的速度向北航行。 問幾小時後,觀測站及 A、B 兩船恰成一直角三角形?答: ② 小時。
- F. 氣象局測出在 20 小時期間,颱風中心的位置由恆春東南方 400 公里直線移動到恆春南 15°西的 200 公里處,試求颱風移動的平均速度。(整數以下,四捨五入)答: 23 24 公里/時。
- G. 桌面上有大小兩顆球,相互靠在一起。已知大球的半徑爲 20 公分,小球半徑 5 公分。試求這兩顆球分別與桌面相接觸的兩點之間的距離。 答: 25 26 公分。

- H. 體操委員會由 10 位女性委員與 5 位男性委員組成。委員會要由 6 位委員組團出國考察,如以性別做分層,並在各層依比例隨機抽樣,試問此考察團共有多少種組成方式?答: 27 28 29 30 種。
- I. 交通規則測驗時,答對有兩種可能,一種是會做而答對,一種是不會做但猜對。已知<u>小華</u>練習交通規則筆試測驗,會做的機率是 0.8。現有一題 5 選 1 的交通規則選擇題,設<u>小華</u>會做就答對,不會做就亂猜。已知此題<u>小華</u>答對,試問在此條件之下,此題<u>小華</u>是因會做而答對(不是亂猜)的機率是多少?

答: 31(32) 。(以最簡分數表示)

J. 如下圖所示,有一船位於甲港口的東方 27 公里北方 8 公里 A 處,直朝位於港口的東方 2 公里北方 3 公里 B 處的航標駛去,到達航標後即修正航向以便直線駛入港口。試問船在航標處的航向修正應該向左轉

少度?(整數以下,四捨五入)答: ③5③6 度。



第 7 頁 共 7 頁

參考公式及可能用到的數值

1. 一元二次方程式的公式解: 
$$x = \frac{-b \pm \sqrt{b^2 - 4ac}}{2a}$$

- 2. 通過  $(x_1, y_1)$ 與  $(x_2, y_2)$ 的直線斜率  $m = \frac{y_2 y_1}{x_2 x_1}$
- 3. 等比級數 $\langle ar^{n-1} \rangle$ 的前 n 項之和  $S_n = a \cdot \frac{1-r^n}{1-r}, r \neq 1$ .
- 4. □ *ABC*的正弦及餘弦定理

$$(1)\frac{a}{\sin A} = \frac{b}{\sin B} = \frac{c}{\sin C} = 2R , R$$
 爲外接圓的直徑 (正弦定理)  

$$(2)c^2 = a^2 + b^2 - 2ab\cos C$$
 (餘弦定理)

5. 統計公式:

算術平均 
$$M(=\bar{X}) = \frac{1}{n}(x_1 + x_2 + \dots + x_n) = \frac{1}{n}\sum_{i=1}^n x_i$$
標準差 
$$S = \sqrt{\frac{1}{n}\sum_{i=1}^n (x_i - \bar{X})^2} = \sqrt{\frac{1}{n}\sum_{i=1}^n x_i^2 - \bar{X}^2}$$
相關係數 
$$r = \frac{\sum_{i=1}^n (x_i - \bar{X})(y_i - \bar{Y})}{n \cdot S_X S_Y} = \frac{\sum_{i=1}^n (x_i - \bar{X})(y_i - \bar{Y})}{\sqrt{\sum_{i=1}^n (x_i - \bar{X})^2 \sum_{i=1}^n (y_i - \bar{Y})^2}}$$

其中 $S_X$  爲隨機變數X 之標準差, $S_Y$  爲隨機變數Y 之標準差

6. 貝氏定理

$$P(A \mid B) = \frac{P(A)P(B \mid A)}{P(A)P(B \mid A) + P(A')P(B \mid A')}$$

- 7. 參考數值:  $\sqrt{2} \approx 1.4142$ ;  $\sqrt{3} \approx 1.7321$ ;  $\sqrt{5} \approx 2.2361$ ;  $\sqrt{7} \approx 2.6458$
- 8. 對數値:  $\log_{10} 2 \approx 0.3010$ ,  $\log_{10} 3 \approx 0.4771$ ,  $\log_{10} 5 \approx 0.6990$ ,  $\log_{10} 7 \approx 0.8451$