

大學入學考試中心

學科能力測驗  
數學考科考試說明  
(適用於 99 課綱微調)

中華民國 104 年 9 月

版權所有



# 學科能力測驗數學考科考試說明

(適用於 99 課綱微調)

## 目 錄

---

---

壹、測驗目標.....	1
貳、測驗內容.....	2
參、試題舉例.....	2
附件一、學科能力測驗數學考科測驗範圍.....	4



## 學科能力測驗數學考科考試說明

### (適用於99課綱微調)

民國 106 年開始，「學科能力測驗數學考科」將依據 103 學年度實施之「修正『普通高級中學課程綱要』數學、物理、化學、生物、基礎地球科學學科綱要」（以下簡稱「99 課綱微調」）命題<sup>1</sup>。「學科能力測驗數學考科」主要是測驗高中階段學生的數學基本概念，以及使用這些概念解題的能力。測驗題型為電腦可讀的選擇或選填題。試題中所用到的數學名詞或概念，如非所有版本通用者，都將在試卷中加以說明。

#### 壹、測驗目標

概念性知識、程序性知識和解決問題的能力是學生學習數學的三個層面，學科能力測驗依此三個層面設定測驗目標，三者涉及的內涵大致如下：

##### 一、測驗概念性知識

例如：能辨認某概念；能確認概念中的基本數學原理。

##### 二、測驗程序性知識

例如：能讀圖、查表、或運用適當的公式與步驟解題。

##### 三、測驗解決問題的能力

例如：能應用數學知識、選擇有效策略及推理能力解決問題，並能檢驗結果的合理性與正確性。

---

<sup>1</sup> 103 學年度實施之「修正普通高級中學課程綱要」於民國 102 年 7 月 31 日發布，係由 99 學年度實施之「普通高級中學課程綱要」（簡稱「99 課綱」）修訂而成。

## 貳、測驗內容

99課綱微調「數學」科目包括高一、高二的必修課程（即數學 I、II、III及IV），以及高三數學甲 I、II，與數學乙 I、II 的選修課程，其中數學IV分為A、B兩版，B版擴充了A版的內容，所增加的題材在課程綱要中以◎號區隔。

「學科能力測驗數學考科」主要是測驗高中階段學生的數學基本概念，以及使用這些概念直接解題的能力，所以試題所需計算大多不會太複雜、多數題目所需解題步驟較少。學科能力測驗考試數學考科的測驗範圍為高一、高二必修課程之 A 版範圍（詳見附件），其中包括：數與式、多項式函數、指數與對數函數、數列與級數、排列組合、機率、數據分析、三角、直線與圓、平面向量、空間向量、空間中的平面與直線、矩陣、二次曲線。

就 99 課綱微調學測數學考科試卷題型而言，學測數學考科的題型包括電腦可讀的選擇題（單選題、多選題）與選填題，各有不同的評量目標。其中，選擇題評量數學概念，並鼓勵學生根據給予的選項作判斷；選填題則評量考生解題的能力。

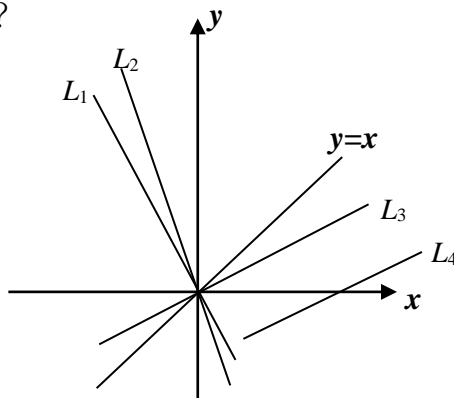
## 參、試題舉例

以下是學科能力測驗數學考科的一些試題示例，每一個示例均以主要的測驗目標標示，但各試題可能涉及多個測驗目標。

### 例 1、概念性知識試題

坐標平面上四條直線  $L_1, L_2, L_3, L_4$  與  $x$  軸、 $y$  軸及直線  $y = x$  的相關位置如圖所示，其中  $L_1$  與  $L_3$  垂直，而  $L_3$  與  $L_4$  平行。設  $L_1, L_2, L_3, L_4$  的方程式分別為  $y = m_1x$ ， $y = m_2x$ ， $y = m_3x$  以及  $y = m_4x + c$ 。試問下列哪些選項是正確的？

- (1)  $m_3 > m_2 > m_1$
- (2)  $m_1 \cdot m_4 = -1$
- (3)  $m_1 < -1$
- (4)  $m_2 \cdot m_3 < -1$
- (5)  $c > 0$



(98 學年度學測)



附件一、學科能力測驗數學考科測驗範圍

下表為 99 課綱微調數學科第一、二學年之各章節，有關正式考試時是否可使用計算器，請參見當年度考試簡章說明中之規定。

第一學年 數學 I (函數)、4 學分

主題	子題	內容	備註
一、數與式	1.數與數線	1.1 數線上的有理點及其十進位表示法 1.2 實數系：實數的十進位表示法、四則運算、絕對值、大小關係 1.3 乘法公式、分式與根式的運算	1.2 不含非十進位的表示法
	2.數線上的幾何	2.1 數線上的兩點距離與分點公式 2.2 含絕對值的一次方程式與不等式	
二、多項式函數	1.簡單多項式函數及其圖形	1.1 一次函數 1.2 二次函數 1.3 單項函數：奇偶性、單調性和圖形的平移	1.3 僅介紹 4 次（含）以下的單項函數
	2.多項式的運算與應用	2.1 乘法、除法（含除式為一次式的綜合除法）、除法原理（含餘式定理、因式定理）及其應用、插值多項式函數及其應用	2.1 不含最高公因式與最低公倍式、插值多項式的次數不超過三次
	3.多項式方程式	3.1 二次方程式的根與複數系 3.2 有理根判定法、勘根定理、 $\sqrt[n]{a}$ 的意義 3.3 實係數多項式的代數基本定理、虛根成對定理	3.1 不含複數的幾何意涵
	4.多項式函數的圖形與多項式不等式	4.1 辨識已分解的多項式函數圖形及處理其不等式問題	4.1 不含複雜的分式不等式



主題	子題	內容	備註
三、指數、對數函數	1.指數	1.1 指數為整數、分數與實數的指數定律	
	2.指數函數	2.1 介紹指數函數的圖形與性質(含定義域、值域、單調性、凹凸性)	
	3.對數	3.1 對數的定義與對數定律 3.2 換底公式	3.2 換底公式不宜牽涉太過技巧性與不實用的問題
	4.對數函數	4.1 介紹對數函數的圖形與性質(含定義域、值域、單調性、凹凸性)	
	5.指數與對數的應用	5.1 對數表(含內插法)與使用計算器、科學記號 5.2 處理乘除與次方問題 5.3 等比數列與等比級數 5.4 由生活中所引發的指數、對數方程式與不等式的應用問題	5.1 不含表尾差 5.4 不含等比數列、級數之定義，但在斟酌流暢度的考量下，可以包含等比應用問題
附錄	認識定理的敘述與證明	介紹命題、充分條件、必要條件、充要條件、反證法(含 $\sqrt{2}$ 為無理數的證明)	不在命題範圍內

數學 II (有限數學)、4 學分

主題	子題	內容	備註
一、 數列與級數	1.數列	1.1 發現數列的規律性  1.2 數學歸納法	1.1.1 只談實數數列、不含二階遞迴關係 1.1.2 含等比數列、等比級數之正式定義，適當銜接在數學 I 第 3 章之中發展過的等比應用題型，作為學習此單元的前置經驗  1.2 不等式型式的數學歸納法置於數學甲/乙 II 數列與極限中討論
	2.級數	2.1 介紹 $\Sigma$ 符號及其基本操作	
二、 排列、 組合	1.邏輯、集合與計數原理	1.1 簡單的邏輯概念：介紹「或」、「且」、「否定」及笛摩根定律 1.2 集合的定義、集合的表示法與操作 1.3 基本計數原理（含窮舉法、樹狀圖、一一對應原理） 1.4 加法原理、乘法原理、取捨原理	2.1 不含環狀排列  本章節要避免情境不合常理、過深、或同時涉及太多觀念的題型  3.1 不含超過二項的展開式
	2.排列與組合	2.1 直線排列、重複排列 2.2 組合、重複組合	
	3.二項式定理	3.1 以組合概念導出二項式定理、巴斯卡三角形	
三、 機率	1.樣本空間與事件	1.1 樣本空間與事件	2.1 不含幾何機率
	2.機率的定義與性質	2.1 古典機率的定義與性質	
	3.條件機率與貝氏定理	3.1 條件機率、貝氏定理、獨立事件	

主題	子題	內容	備註
四、 數據分析	1.一維數據分析	1.1 平均數、標準差、數據標準化	1.1 只談母體數據分析，不涉及抽樣，可用計算工具操作
	2.二維數據分析	2.1 散佈圖、相關係數、最小平方法	2.1 可用計算工具操作。最小平方法的證明置於附錄
附錄	1.演算法 2.最小平方法	輾轉相除法、二分逼近法 最小平方法的證明	不在命題範圍內

第二學年 數學 III (平面坐標與向量)、4 學分

主題	子題	內容	備註
一、三角	1. 直角三角形的邊角關係	1.1 直角三角形的邊角關係 (正弦、餘弦)、平方關係、餘角關係	2.1 cot, sec, csc 置於數學甲 I、數學乙 I 2.2 將弧度量融入廣義角的教學，並於其後各節中使用弧度，強化度與弧度的轉換練習。由引進弧度所延伸出的問題僅限於角度量與弧度量之轉換練習，不要延伸到弧長與扇形面積。  4.1 不含和差化積、積化和差公式 5.1 可使用計算器求出三角函數值
	2. 廣義角與極坐標	2.1 廣義角的正弦、餘弦、正切、平方關係、補角 2.2 弧度，弧度量與角度量的互相轉換 2.3 直角坐標與極坐標的變換	
	3. 正弦定理、餘弦定理	3.1 正弦定理、餘弦定理	
	4. 差角公式	4.1 差角、和角、倍角、半角公式	
	5. 三角測量	5.1 三角函數值表 5.2 平面與立體測量	
二、直線與圓	1. 直線方程式及其圖形	1.1 點斜式 1.2 兩線關係 (垂直、平行、相交)、聯立方程式	3.2 不含兩圓的關係
	2. 線性規劃	2.1 二元一次不等式 2.2 線性規劃 (目標函數為一次式)	
	3. 圓與直線的關係	3.1 圓的方程式 3.2 圓與直線的相切、相割、不相交的關係及其代數判定	
三、平面向量	1. 平面向量的表示法	1.1 幾何表示、坐標表示，加減法、係數乘法 1.2 線性組合、平面上的直線參數式	

主題	子題	內容	備註
	2.平面向量的內積	2.1 內積與餘弦的關聯、正射影與高、柯西不等式 2.2 直線的法向量、點到直線的距離、兩向量垂直的判定	
	3.面積與二階行列式	3.1 面積公式與二階行列式的定義與性質、兩向量平行的判定 3.2 兩直線幾何關係的代數判定、二階克拉瑪公式	

數學 IV (線性代數)、4 學分

註：數學 IV 分為 A、B 兩版，B 版擴充了 A 版的內容，所增加的題材在課程綱要中以◎號區隔。因為該部分題材皆不在學測命題範圍內，所以下表中已移除。

主題	子題	內容	備註
一、空間向量	1.空間概念 2.空間向量的坐標表示法 3.空間向量的內積 4.外積、體積與行列式	1.1 空間中兩直線、兩平面、及直線與平面的位置關係 2.1 空間坐標系：點坐標、距離公式 2.2 空間向量的加減法、係數乘法，線性組合 3.1 內積與餘弦的關聯、正射影與高、柯西不等式、兩向量垂直的判定 4.1 外積與正弦的關聯、兩向量所張出的平行四邊形面積	1.1 僅作簡單的概念性介紹
二、空間中的平面與直線	1.平面方程式 2.空間直線方程式 3.三元一次聯立方程組	1.1 平面的法向量、兩平面的夾角、點到平面的距離 2.1 直線的參數式、直線與平面的關係 3.1 消去法	
三、矩陣	1.線性方程組與矩陣 2.矩陣的運算 3.矩陣的應用	1.1 高斯消去法 (含矩陣的列運算) 2.1 矩陣的加法、純量乘法、乘法 3.1 二階轉移矩陣、二階反方陣	1.1 重點在於矩陣三角化的演算法
四、二次曲線	1.拋物線 2.橢圓 3.雙曲線	1.1 拋物線標準式 2.1 橢圓標準式 (含平移與伸縮) 3.1 雙曲線標準式 (含平移與伸縮)	不含斜或退化的二次曲線；不含直線與二次曲線的關係 (指弦與切線)；不含圓錐曲線的光學性質